(問題1)—

- (1) f(x) を連続関数とするとき、 $\int_0^\pi x f(\sin x) dx = \frac{\pi}{2} \int_0^\pi f(\sin x) dx$ が成り立つことを示せ。
- (2) 定積分 $\int_0^\pi \frac{x \sin^3 x}{\sin^2 x + 8} dx$ の値を求めよ。